

VISOKA ŠKOLA ELEKTROTEHNIKE I RAČUNARSTVA STRUKOVNIH STUDIJA-  
VIŠER, BEOGRAD

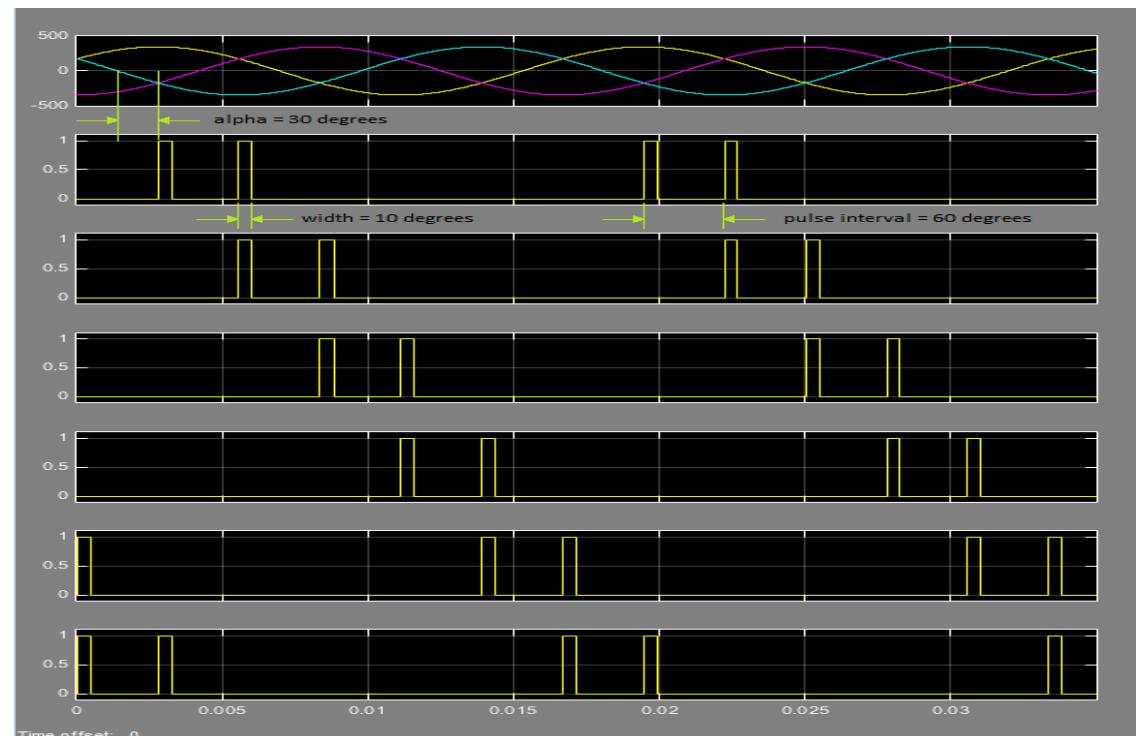
STUDIJSKI PROGRAM: Elektrotehničko inženjerstvo

MASTER STUDIJE 2017/2018

PREDMET : PROJEKTOVANJE ELEKTROENERGETSKIH PRETVARAČA



# KOMUTACIJA STRUJE U TIRISTORSKIM ISPRAVLJAČIMA



Predmetni profesor: Dr Željko Despotović, dipl.el.inž.

# UVOD

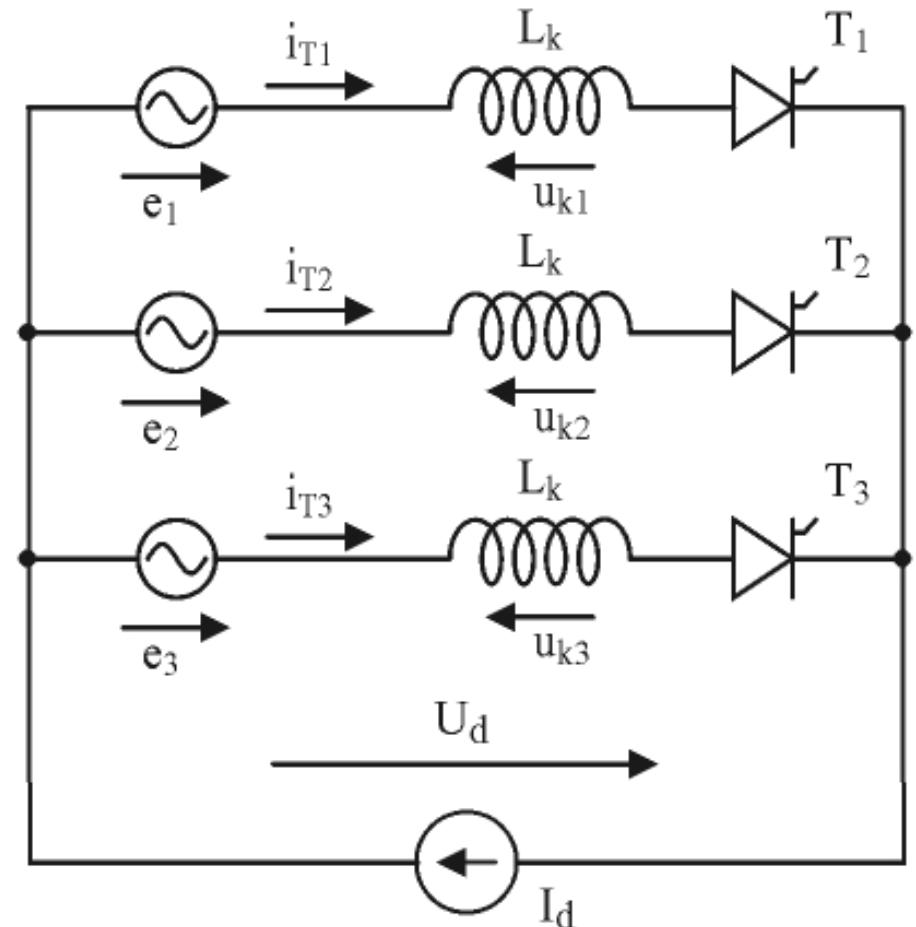
## Pretvarači sa prirodnom komutacijom

### Osnovne karakteristike:

- Struja sa jednog tiristora prelazi na drugi, zahvaljujući promenama faznih napona na ulazu
- Ulazni transformator je trofazni i njegov sekundar je obično spregnut u „zvezdu”
- Tipična primena ispravljača sa malim vrednostima izlaznog jednosmernog napona (obično do 50 ili 100V) i relativno velikim izlaznim strujama (par stotina ampere i više) su pogoni elektrolize, galvanizacije, punjenje trakcionih akumulatora i sl.
- Povoljno je što struja uvek teče samo kroz jedan tiristor
- Na strani potrošača obično postoji velika induktivnost L koja smanjuje valovitost struje potrošača (ako ne postoji često se i dodaje),
- Ako je L toliko velika da je struja potrošača neprekidna i sa malom talasnošću, onda se grana sa induktivnošću L i potrošačem može predstaviti kao strujni ponor.
- Prethodna pretpostavka je veoma bitna za analizu procesa komutacije između tiristora u regulisanom ispravljaču

# KOMUTACIJA STRUJE –prepostavke

- Struja potrošača je konstantna
- Padovi napona na tiristorima koji komutuju su zanemarljivi
- Padovi napona na spojevima se zanemaruju
- Sprega sekundara transformatora je “zvezda”
- Ulazni fazni naponi  $e_1 \dots e_3$  su sinusni i simetrični
- $L_k$  je ustvari zbir ekvivalentne rasipna induktivnost transformatora i reaktanse kratkog spoja mreže.



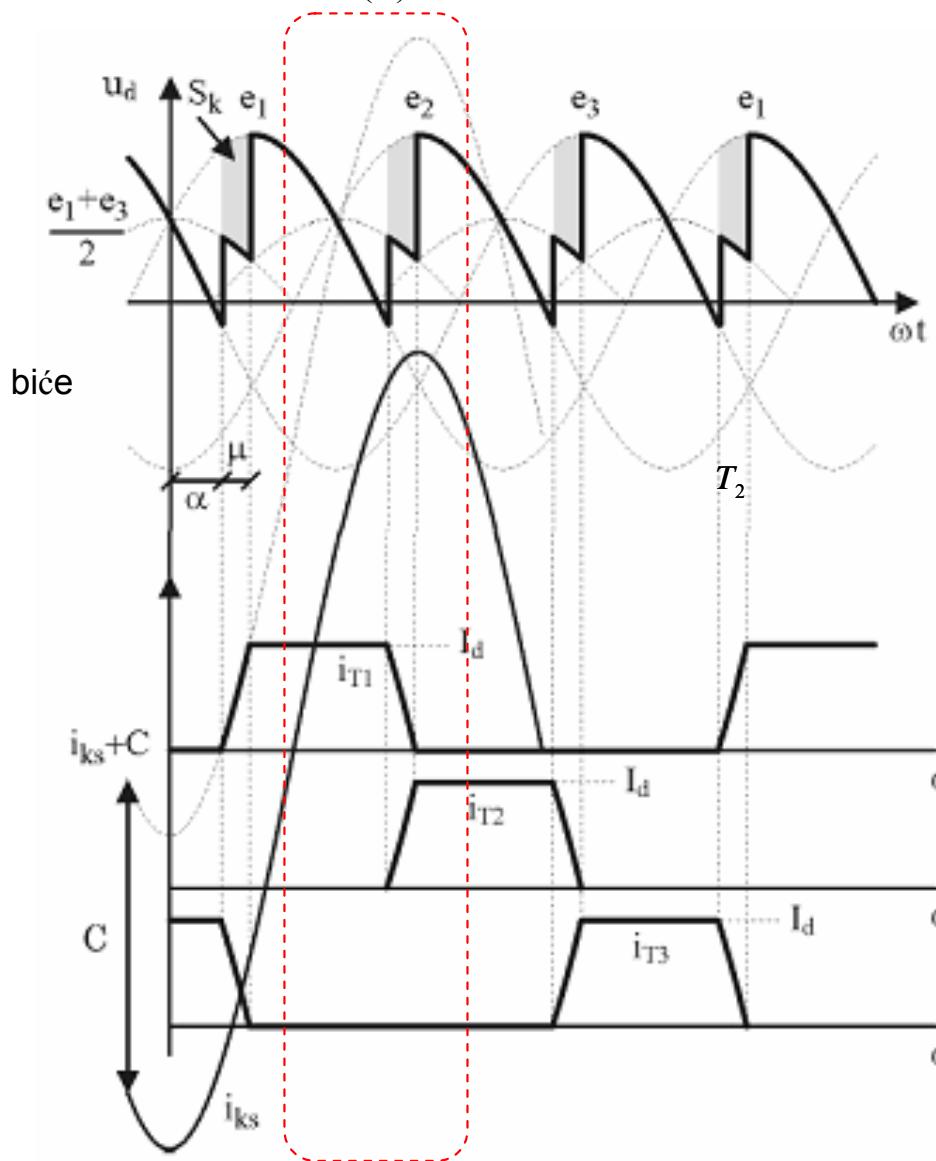
*Ekvivalentna šema za proučavanje procesa komutacije*

## ANALIZA PROCESA KOMUTACIJE

Posmatrajmo prvu granu ovog ispravljača (prethodni slajd).

Neposredno pre početka komutacije biće:

$$i_{1(0)} = I \quad i_{2(0)} = 0$$



Tiristor T2 ne može da se upali sve dok je  $e_2 < e_1$  (jer nije direktno polarisan)

Dok vodi T1 biće:  $u_L = e_1$

$$I = \text{const} \Rightarrow L_k \frac{di}{dt} = 0$$

Kada postane  $e_1 = e_2$ , stekli su se uslovi da T2 može da provede, pod uslovom da dobije pobudni impuls na gejt. Za to vreme još uvek vodi T1. Kada T2 dobije impuls na gejt on počinje da provodi, a T1 prestaje da vodi. U ovom intervalu komutacije vode oba tiristora i izvori  $e_1$  i  $e_2$  su kratko spojeni preko komutacionih induktivnosti  $L_k$ . Ove induktivnosti sprečavaju nagle promene struje.

$\alpha$  - ugao paljenja (regulacije)

$\mu$  - ugao komutacije

$$i_1 + i_2 = I$$

I. Kirhofov zakon

$$e_1 - L_k \frac{di_1}{dt} - u_L = 0$$

II. Kirhofov zakon

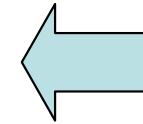
$$e_2 - L_k \frac{di_2}{dt} - u_L = 0$$

II. Kirhofov zakon

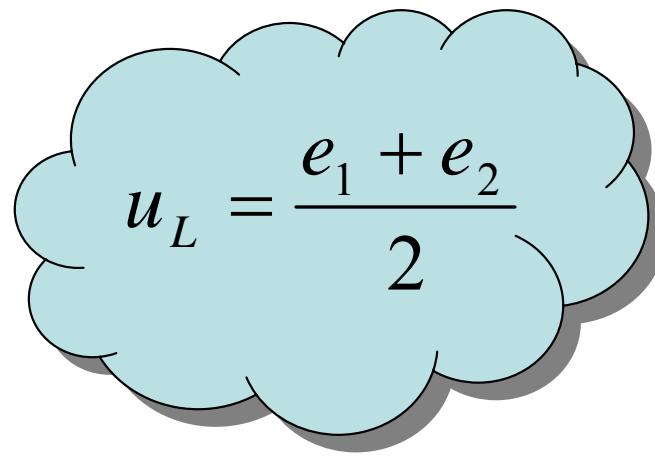
$$e_1 - L_k \frac{di_1}{dt} - u_L = 0$$

+

$$e_2 - L_k \frac{di_2}{dt} - u_L = 0$$



$$i_1 + i_2 = I = \text{const.}$$


$$u_L = \frac{e_1 + e_2}{2}$$

- Za vreme trajanja komutacije izlazni napon ispravljača jednak je aritmetičkoj sredini faznih napona faza koje komutuju.
- To je posledica kratkog spoja komutujućih faza.

**Koliko traje komutacija?**

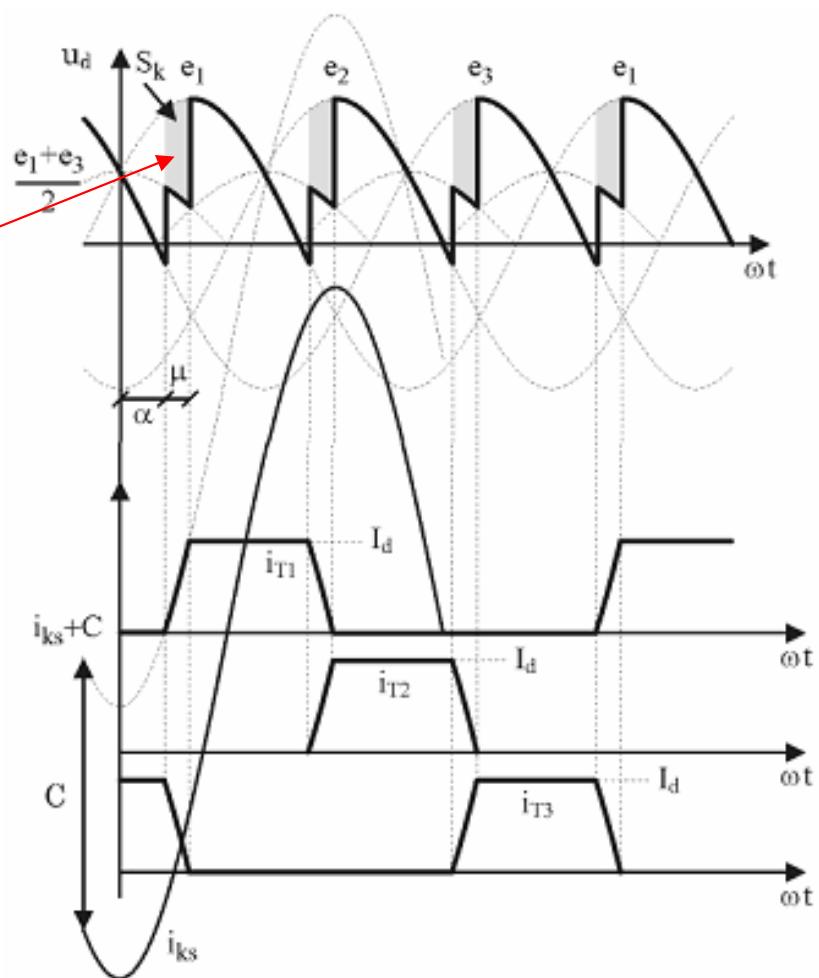
Pomoću sledećeg izraza se može odrediti koliko traje komutacija:

$$L_k I = \int_0^{\frac{\mu}{\omega}} \frac{e_2 - e_1}{2} dt$$

Pošto je:  $e_2 - \frac{e_1 + e_2}{2} = \frac{e_2 - e_1}{2}$

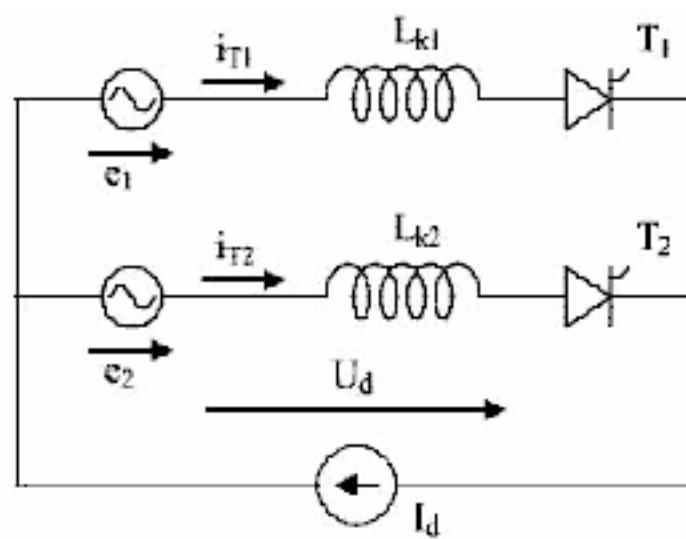
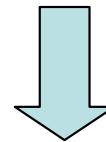
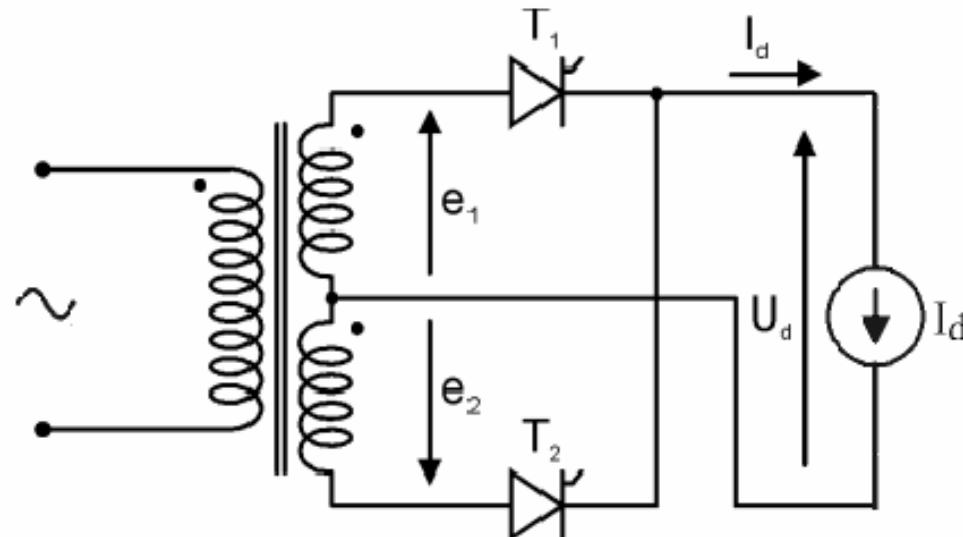
onda je osenčena površina  $S_k$  nedostajućeg napona iznad zuba na talasnom obliku napona jednaka:

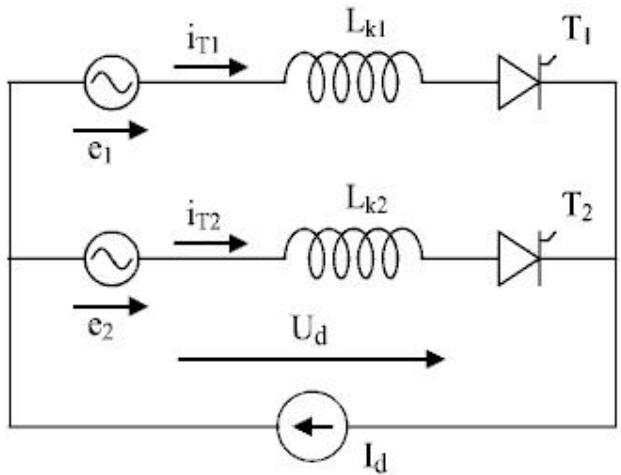
$$\int_0^{\frac{\mu}{\omega}} \frac{e_2 - e_1}{2} dt = L_k I$$



Iz ovoga sledi vrlo važan zaključak: "izgubljene" volt-sekunde gase struju kroz rasipnu induktivnost  $L_k$  !!!

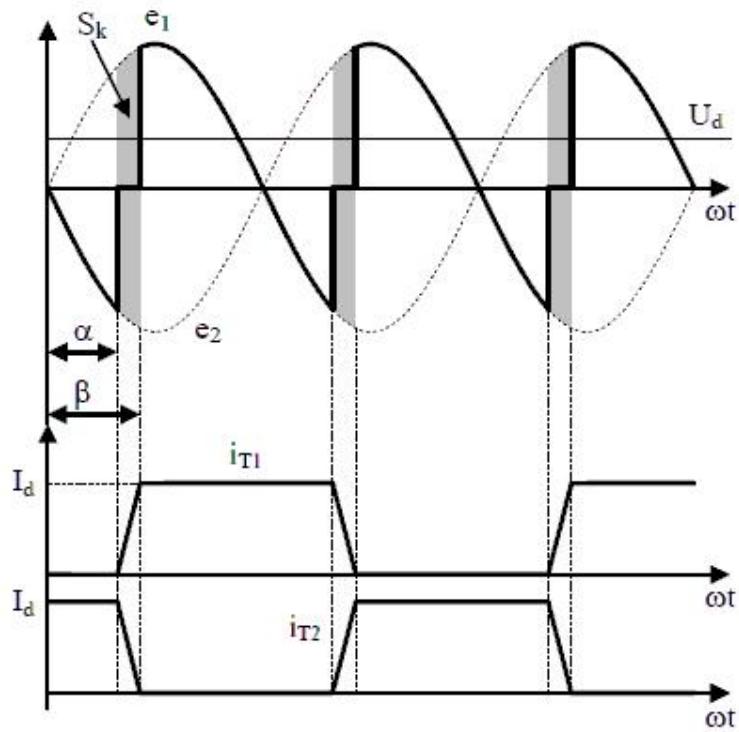
## PRIMER 1: Monofazni ispravljač sa srednjom tačkom(spoj M2)





Naponi  $e_1$  i  $e_2$  iste amplitude, a fazno pomereni za  $180^\circ$ .

$$u_L = \frac{e_1 + e_2}{2} = 0$$



Srednja vrednost napona na opterećenju je:

$$U_{AV} = \frac{1}{T} \left\{ \int_{\frac{\alpha}{\omega}}^{\frac{T+\alpha}{\omega}} \sqrt{2}E \sin \omega t dt - L_k I \right\}$$

$$U_{AV} = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} E \cos \alpha - \frac{X_k}{\pi} I$$

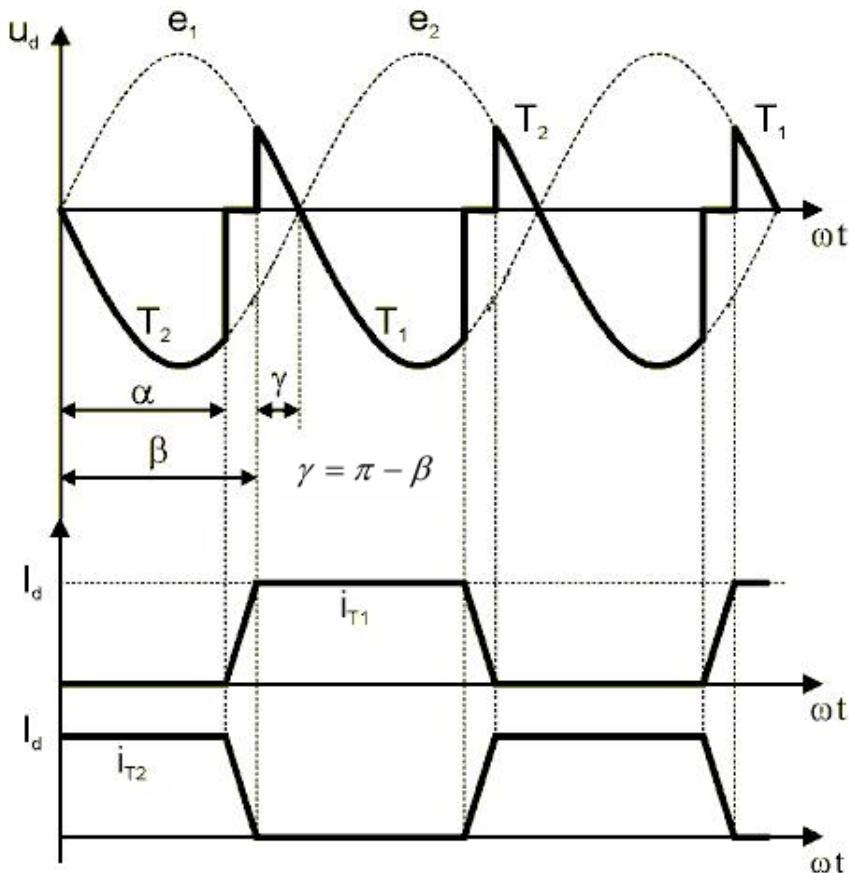
pad napona na ispravljaču

Ekvivalentna šema za analizu rada ispravljača u spoju M2 i karakteristični talasni oblici

E- efektivna vrednost faznog napona  
 $X_k = \omega L_k$  -reaktansa rasipanja

## Invertorski limit?

$$90^\circ < \alpha_{\max} < 180^\circ$$



$t_o$  - vreme odmaranja tiristora

U ovom slučaju mora biti ispunjen uslov da je  
da ispravljač nebi ušao u ponovno nekontrolisano vođenje i kratak spoj.

$$\omega t_o = \gamma$$

kataloški podatak za tiristor  
vreme odmaranja tiristora

$$t_o > t_q$$

## Određivanje ugla komutacije i vremena odmaranja (spoј M2)

$$\alpha_{\max} + \mu + \omega t_0 < 180^\circ$$

$$L_k I = \frac{\sqrt{2}E}{\omega} \left\{ \cos \alpha - \cos(\alpha + \mu) \right\}$$

$$\frac{\omega \cdot L_k}{\sqrt{2}E} \cdot I = \cos \alpha - \cos(\alpha + \mu)$$

## Efektivna vrednost struje transformatora (spoј M2)

Efektivna vrednost struje kroz fazni namotaj sekundara

$$I_{T1RMS} = I''_{RMS} = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot I_d^2 \cdot \frac{T}{2}} \Rightarrow I''_{RMS} = \frac{I_d}{\sqrt{2}}$$

## Tipska snaga transformatora

$$P_T = (P' + P'') / 2 = P_d \pi \frac{1 + \sqrt{2}}{4\sqrt{2}} \approx 1.34 \cdot E \cdot I_d = 1.34 P_d$$

Zaključuje se da je tipska snaga transformatora veća od jednosmerne snage na izlazu ispravljača!!!.

Iz ovog razloga su ispravljački transformatori u određenom procentu predimenzionisani

Pri tome su učinjene dve važne pretpostavke: struje opterećenja je konstantna, a da napon napajanja ima stalnu efektivnu vrednost

## Reaktivna snaga uzeta iz mreže u vezi sa uglom regulacije (spoј M2)

- Naponski i strujni talas prolazi kroz 0 u istim tackama.
- Pošto je oblik strujnog talasa pravougaoni i simetričan, kažemo da su napon i struja u fazi (stogo govoreći, u fazi su napon i prvi harmonik struje).
- Pri uglu paljenja  $\alpha=90^\circ$  talasni oblik primarne struje kasni za  $90^\circ$  u odnosu na napon.
- **Znači, pri tom režimu rada, ispravljač troši reaktivnu snagu!!!**
- Približno je fazni ugao prvog harmonika struje je jednak uglu regulacije:

$$\varphi_1 \approx \alpha$$

Izlazni napon ispravljača

$$U_{AV}(\alpha) = U_{AV}(0) \cos \alpha$$

Izlazna snaga ispravljača

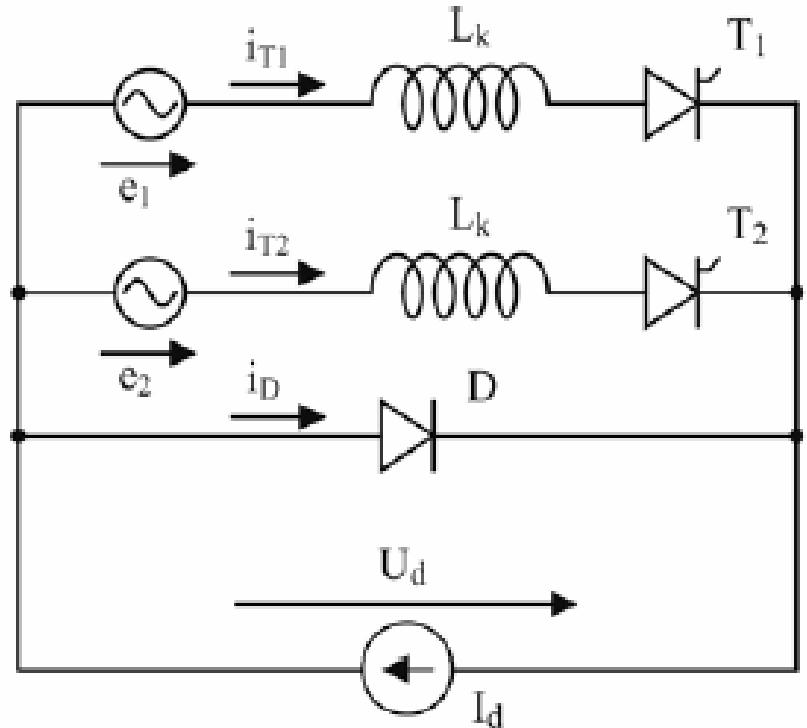
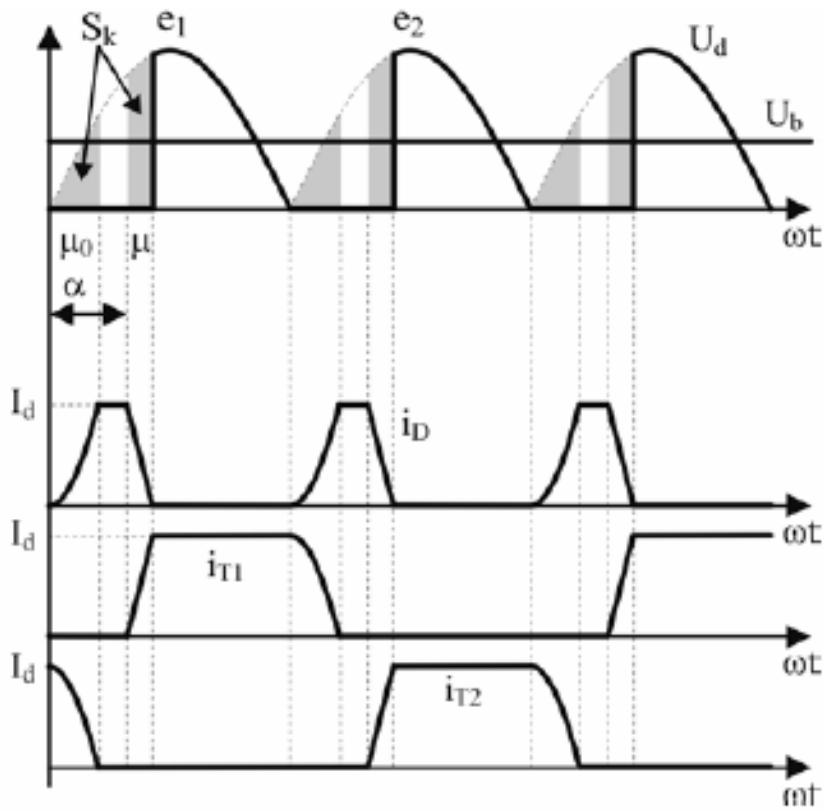
$$P_{AV} = U_{AV}(0) Id \cos \alpha$$

Prividna snaga ispravljača  
ne zavisi od ugla regulacije

$$S = U'Id \left( \frac{N''}{N'} \right) = U''Id$$

Srednja vrednost izlaznog napona ispravljača (M2) sa dodatom zamajnom diodom biće jednaka:

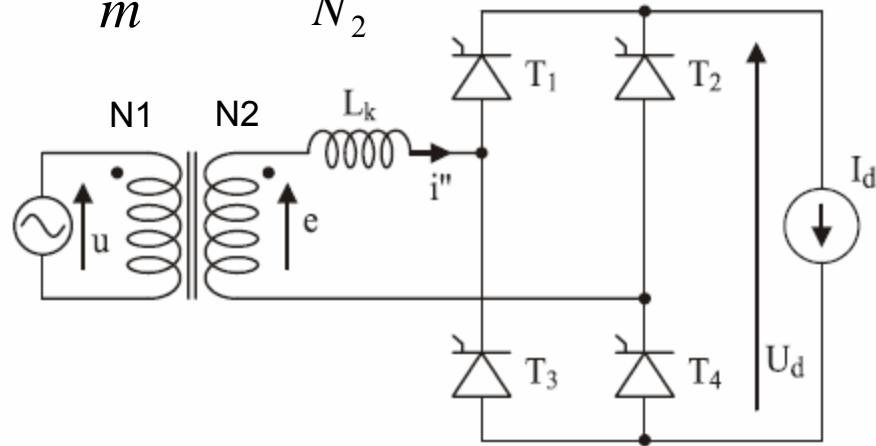
$$U_{AV} = \frac{2}{T} \left\{ \int_{\frac{\alpha}{\pi}}^{\frac{T}{2}} \sqrt{2E} \sin \omega t dt - L_k I \right\}$$



$$U_{AV} = \frac{\sqrt{2}E}{\pi} (1 + \cos \alpha) - \frac{X_k}{\pi} I$$

## PRIMER 2: Monofazni punoupravljeni ispravljač (spoј B2C)

$$e = \frac{u}{m} \quad m = \frac{N_1}{N_2}$$



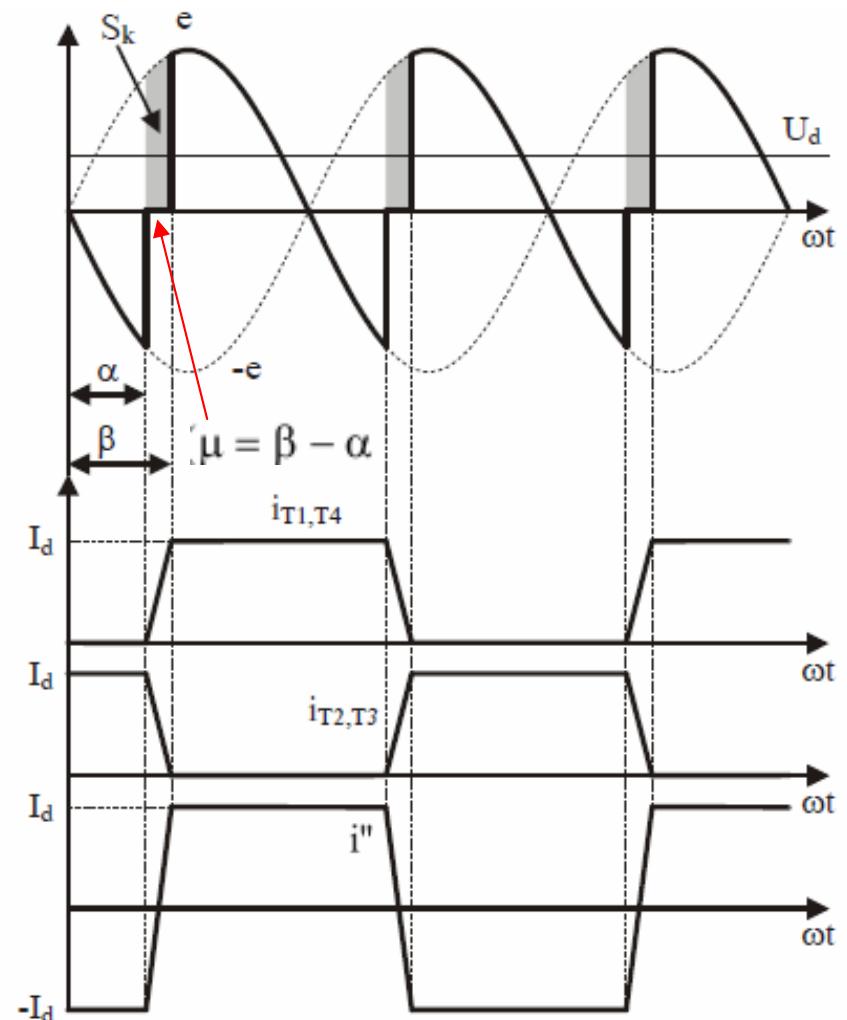
$$e = E\sqrt{2} \cdot \sin \omega t$$

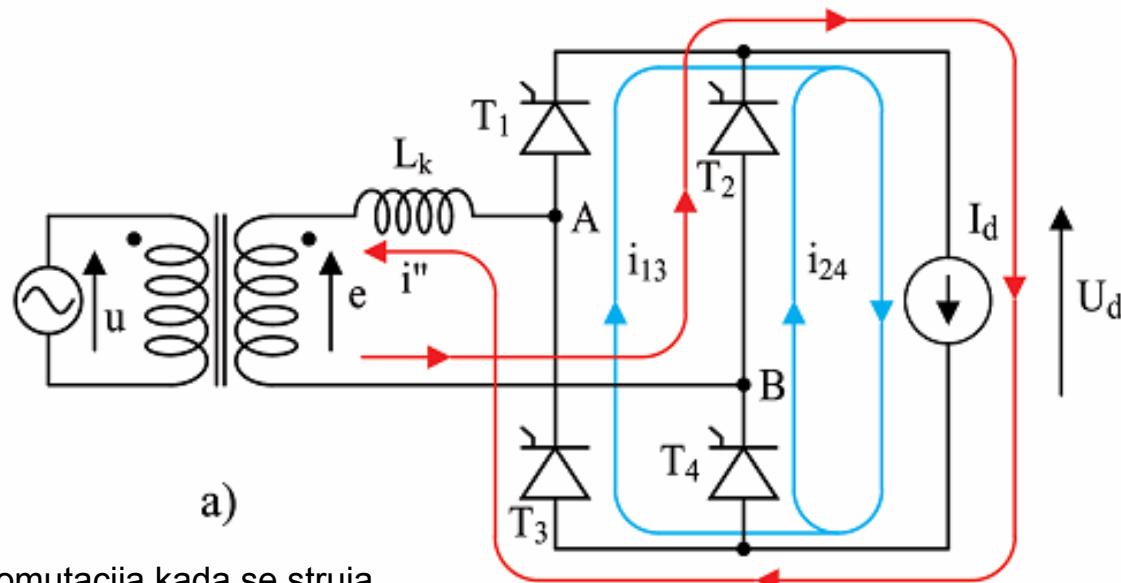
$$X_k = \omega \cdot L_k$$

$$S_k = 2 \cdot L_k \cdot I_d$$

SREDNJA VREDNOST IZLAZNOG NAPONA

$$U_d = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} \cdot E \cdot \cos \alpha - \frac{2}{\pi} \cdot X_k \cdot I_d$$

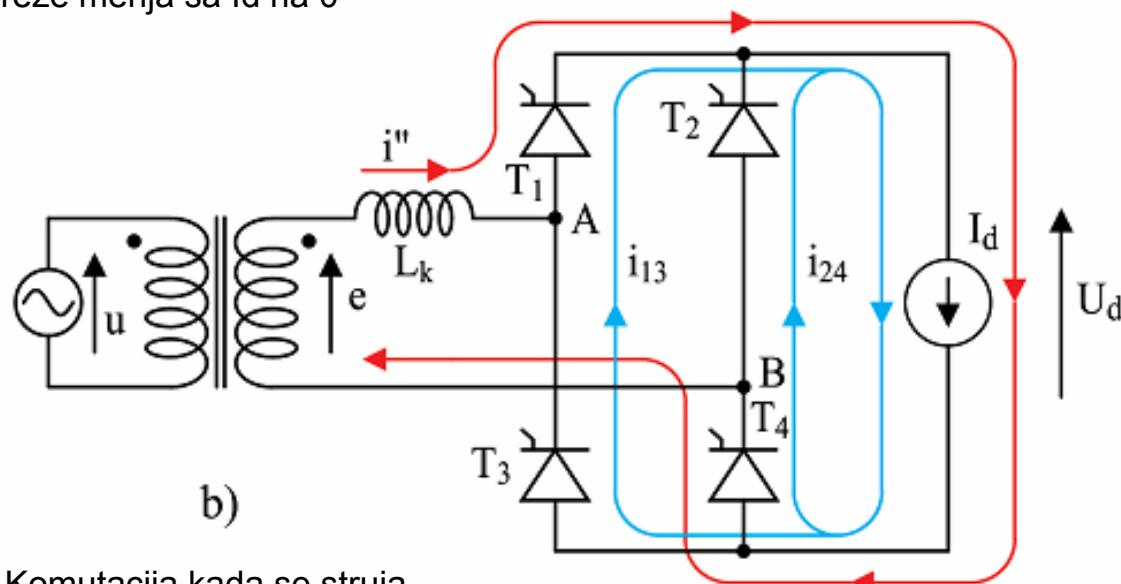




Komutacija kada se struja mreže menja sa  $I_d$  na 0

$$i_1 = i_4 = i_{13} = i_{24} = \frac{I_d - i''}{2}$$

$$i_2 = i_3 = i'' + i_{24} = i'' + i_{13} = \frac{I_d + i''}{2}$$



Komutacija kada se struja mreže menja sa 0 na  $-I_d$

$$i_1 = i_4 = i'' + i_{13} = i'' + i_{24} = \frac{I_d + i''}{2}$$

$$i_2 = i_3 = i_{24} = i_{13} = \frac{I_d - i''}{2}$$

$$S_k = L_k \cdot 2I_d = \int_{\frac{\alpha}{\omega}}^{\frac{\beta}{\omega}} \sqrt{2}E \sin(\omega t) dt = \frac{\sqrt{2}E}{\omega} [\cos(\alpha) - \cos(\beta)]$$

$$\cos(\beta) = \cos(\alpha) - \frac{2X_k I_d}{\sqrt{2}E}$$



$$U_d = \frac{2\sqrt{2}E}{\pi} \cos(\alpha) - \frac{2S_k}{T} = \frac{2\sqrt{2}E}{\pi} \cos(\alpha) - \frac{4L_k I_d}{T}$$



$$T = 2\pi/\omega$$



SREDNJA VREDNOST IZLAZNOG NAPONA

$$U_d = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} \cdot E \cdot \cos \alpha - \frac{2}{\pi} \cdot X_k \cdot I_d$$

## SNAGA DIMENZIONISANJA TRANSFORMATORA

$$S = S' = S'' = EI_d \quad I' = I_d / m$$

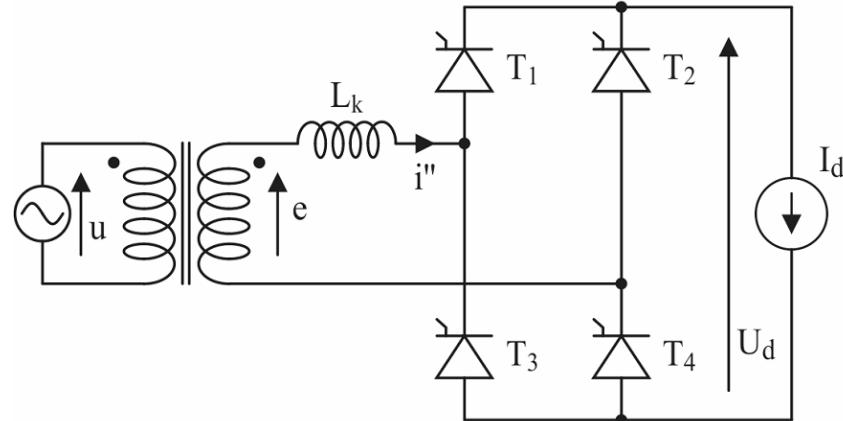
Maksimalna snaga se ima pri  $\alpha=0$

$$P_0 = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} \cdot EI_d$$

$$\frac{S}{P_0} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1,11$$

Iz ovog izraza se vidi da se transformator mora dimenzionisati na 11% veću snagu od maksimalne snage kojom se energija može prenosi ti opterećenju!!!

Upoređenjem ovog rezultata sa rezultatom dobijenim za dvofazni jednostrani ispravljač (tip M2) se vidi da je kod monofaznog mosnog ispravljača znatno bolje iskorišćenje transformatora.



HVALA NA PAŽNJI!!!  
PITANJA???

